

Одобрено педагогическим советом
МБОУ СОШ №30 г. Пензы
«29» августа 2023 г., протокол № 14

УТВЕРЖДЕНО
приказом № 160-од от 29.08.2023
Директор МБОУ СОШ № 30 г. Пензы
_____ А.А. Долов

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение
средняя общеобразовательная школа №30 г. Пензы

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА
ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ТНР (вариант 5.1)**

«Вероятность и статистика»

7-9 класс

(ФГОС ООО-3)

Рабочая программа для обучающихся с тяжелыми нарушениями речи (далее – ТНР) на уровне основного общего образования подготовлена на основе Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования (Приказ Минпросвещения России от 31.05.2021 г. № 287, зарегистрирован Министерством юстиции Российской Федерации 05.07.2021 г., рег. номер 64101)(далее – ФГОС ООО), федеральной адаптированной образовательной программы основного общего образования, программы воспитания, с учетом распределенных по классам проверяемых требований к результатам освоения Адаптированной основной образовательной программы основного общего образования обучающихся с тяжелыми нарушениями речи. В рабочей программе учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации.

При реализации АООП ООО для обучающихся с тяжелыми нарушениями речи (вариант 5.1) используются рабочие программы учебных предметов, предусмотренные ООП ООО.

Рабочая программа может быть адаптирована с учётом особых образовательных потребностей обучающихся, их возможностей и ограничений, обусловленных нарушениями речи и (при наличии) иными нарушениями развития.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации

информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновероятными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

9 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения

величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других

людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
7 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	
1	Представление данных	7	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
2	Описательная статистика	8	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
3	Случайная изменчивость	6	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
4	Введение в теорию графов	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
5	Вероятность и частота случайного события	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
6	Обобщение, систематизация знаний	5	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415fdc
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	

8 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение курса 7 класса	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
2	Описательная статистика. Рассеивание данных	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
3	Множества	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
4	Вероятность случайного события	6	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
5	Введение в теорию графов	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
6	Случайные события	8	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
7	Обобщение, систематизация знаний	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f417fb2
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	

9 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение курса 8 класса	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
2	Элементы комбинаторики	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
3	Геометрическая вероятность	4	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
4	Испытания Бернулли	6	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
5	Случайная величина	6	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
6	Обобщение, контроль	10	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f41a302
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
7 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Представление данных в таблицах	1
2	Практические вычисления по табличным данным	1
3	Извлечение и интерпретация табличных данных	1
4	Практическая работа "Таблицы"	1
5	Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм	1
6	Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм	1
7	Практическая работа "Диаграммы"	1
8	Числовые наборы. Среднее арифметическое	1
9	Числовые наборы. Среднее арифметическое	1
10	Медиана числового набора. Устойчивость медианы	1
11	Медиана числового набора. Устойчивость медианы	1
12	Практическая работа "Средние значения"	1
13	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах	1
14	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах	1
15	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах	1
16	Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"	1
17	Случайная изменчивость (примеры)	1
18	Частота значений в массиве данных	1
19	Группировка	1
20	Гистограммы	1
21	Гистограммы	1
22	Практическая работа "Случайная изменчивость"	1
23	Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа	1
24	Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл	1
25	Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа	1
26	Представление об ориентированных графах	1
27	Случайный опыт и случайное событие	1
28	Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе	1
29	Монета и игральная кость в теории вероятностей	1

30	Практическая работа "Частота выпадения орла"	1
31	Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"	1
32	Повторение, обобщение. Представление данных	1
33	Повторение, обобщение. Описательная статистика	1
34	Повторение, обобщение. Вероятность случайного события	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34

8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Представление данных. Описательная статистика	1
2	Случайная изменчивость. Средние числового набора	1
3	Случайные события. Вероятности и частоты	1
4	Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость	1
5	Отклонения	1
6	Дисперсия числового набора	1
7	Стандартное отклонение числового набора	1
8	Диаграммы рассеивания	1
9	Множество, подмножество	1
10	Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение	1
11	Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения	1
12	Графическое представление множеств	1
13	Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"	1
14	Элементарные события. Случайные события	1
15	Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий	1
16	Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий	1
17	Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор	1
18	Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор	1
19	Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"	1
20	Дерево	1
21	Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер	1
22	Правило умножения	1
23	Правило умножения	1
24	Противоположное событие	1
25	Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий	1
26	Несовместные события. Формула сложения вероятностей	1
27	Несовместные события. Формула сложения вероятностей	1

28	Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	1
29	Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	1
30	Представление случайного эксперимента в виде дерева	1
31	Представление случайного эксперимента в виде дерева	1
32	Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика	1
33	Повторение, обобщение. Графы	1
34	Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34

9 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Представление данных	1
2	Описательная статистика	1
3	Операции над событиями	1
4	Независимость событий	1
5	Комбинаторное правило умножения	1
6	Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний	1
7	Треугольник Паскаля	1
8	Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"	1
9	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности	1
10	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности	1
11	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности	1
12	Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности	1
13	Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха	1
14	Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха	1
15	Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха	1
16	Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли	1
17	Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли	1
18	Практическая работа "Испытания Бернулли"	1
19	Случайная величина и распределение вероятностей	1
20	Математическое ожидание и дисперсия случайной величины	1
21	Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины	1
22	Понятие о законе больших чисел	1
23	Измерение вероятностей с помощью частот	1
24	Применение закона больших чисел	1

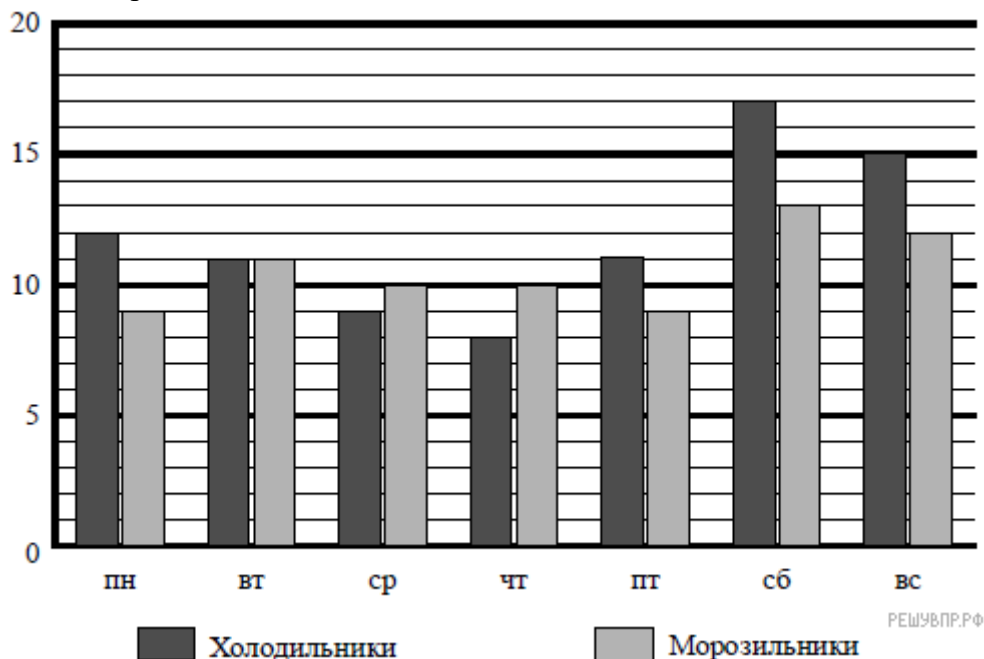
25	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных	1
26	Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика	1
27	Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика	1
28	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события	1
29	Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики	1
30	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики	1
31	Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения	1
32	Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1
33	Итоговая контрольная работа	1
34	Обобщение, систематизация знаний	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34

Контрольно-измерительные материалы промежуточной аттестации
«Вероятность и статистика»
7 класс

Контрольная работа за 1 четверть

Вариант 1

1. Магазин «Айсберг» продаёт холодильники и морозильники. На диаграмме показано, сколько холодильников и морозильников было продано за неделю в этом магазине. На вертикальной оси указано количество проданного товара, на горизонтальной — дни недели.



Определите, на сколько морозильников больше продали в субботу, чем во вторник.

2. В таблице указана стоимость (в рублях) некоторых продуктов в четырех магазинах, расположенных в деревне Ясная, селе Майское, деревне Камышевка и деревне Хомяково.

Полина с дедушкой хотят купить 2 л молока, 3 кг говядины и 2 кг картофеля. В каком магазине такой набор продуктов будет стоить дешевле всего? В ответ запишите стоимость данного набора в этом магазине.

Наименование продукта	д. Ясная	с. Майское	д. Камышевка	д. Хомяково
Молоко (1 л)	42	38	41	33
Хлеб (1 батон)	25	21	29	30
Сыр «Российский» (1 кг)	310	320	290	280
Говядина (1 кг)	340	380	410	390
Картофель (1 кг)	15	20	17	18

3. Постройте столбчатую диаграмму "Неблагоприятные погодные явления" по следующим данным:

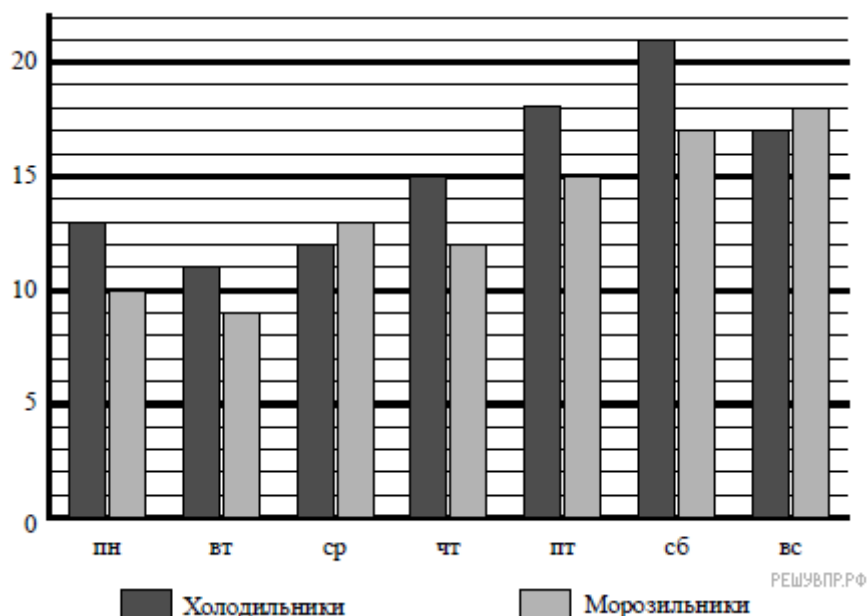
ураганы, бури, смерчи – 66,
сильные дожди – 49,
сильные снегопады – 17,
сильные морозы – 10,

сильные метели – 9,
засухи – 7,
грозы, градобития – 3.

4. Вокруг школы посадили 36 деревьев: 16 берёз, 8 клёнов, а остальные — каштаны. Постройте круговую диаграмму по этим данным.

Вариант 2

1. Магазин «Айсберг» продаёт холодильники и морозильники. На диаграмме показано, сколько холодильников и морозильников было продано за неделю в этом магазине. На вертикальной оси указано количество проданного товара, на горизонтальной — дни недели.



Определите, сколько всего холодильников продали в субботу и воскресенье.

2. В таблице указана стоимость (в рублях) некоторых продуктов в четырех магазинах, расположенных в деревне елочки, селе Кленовое, деревне Сосенки и деревне Жуки. Володя с дедушкой хотят купить 5 л молока, 3 кг сыра «Российский» и 4 кг картофеля. В каком магазине такой набор продуктов будет стоить дешевле всего? В ответ запишите стоимость данного набора в этом магазине.

Наименование продукта	д. Елочки	с. Кленовое	д. Сосенки	д. Жуки
Молоко (1 л)	42	45	38	43
Хлеб (1 батон)	22	25	23	27
Сыр «Российский» (1 кг)	320	290	270	280
Говядина (1 кг)	410	420	450	430
Картофель (1 кг)	26	18	24	16

3. Постройте столбчатую диаграмму "Неблагоприятные погодные явления" по следующим данным:
ураганы, бури, смерчи – 55,
сильные дожди – 47,
сильные снегопады – 20,
сильные морозы – 16,

сильные метели – 8,
засухи – 6,
грозы, градобития – 2.

4. Вокруг школы посадили 30 деревьев: 15 берёз, 5 елей, а остальные — клёны.
Постройте круговую диаграмму по этим данным.

Ответы

Вариант 1	Вариант 2
1. на 2 морозильника больше	1. на 4 холодильника больше
2. 1134 рублей (д.Ясная)	2. 1096 рублей (д. Сосенки)

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА ПЕРВОЕ ПОЛУГОДИЕ
«Описательная статистика»

Вариант 1

1. Найдите:
а) среднее арифметическое;
б) медиану;
в) размах
числового набора 8, –3, 4, 0, –1, 1, –3, 7, 5.
2. В таблице представлены данные о численности населения пяти крупнейших городов Московской области в 1959 году. Найдите медиану населения крупнейших городов в этом году. В каком городе такое население?

Город	Балашиха	Королев	Люберцы	Мытищи	Подольск
Население, тыс. чел	58	41	95	99	129

3. В наборе 10 чисел, их среднее арифметическое равно 3,6. Найдите среднее арифметическое нового набора, который получится, если:
а) все числа увеличить на 5;
б) все числа увеличить в 5 раз;
в) только последнее число увеличить на 5.

Вариант 2

1. Найдите
а) среднее арифметическое;
б) медиану;
в) размах.
числового набора 5, –2, –3, 4, –1, 0, –1, 2, 5.
2. В таблице представлены данные о численности населения пяти крупнейших городов Московской области в 2010 году. Найдите медиану населения крупнейших городов в этом году. В каком городе такое население?

Город	Балашиха	Королев	Люберцы	Мытищи	Подольск
Население, тыс. чел	215	183	172	173	188

3. В наборе 10 чисел, их среднее арифметическое равно 2,4. Найдите среднее арифметическое нового набора, который получится, если:
а) все числа уменьшить на 5;
б) все числа увеличить в 5 раз;
в) только первое число увеличить на 5.

Ответы.**Вариант 1**

1. а) 2. б) 1. в) 11.
2. 95 тыс. чел. В Люберцах.
3. а) 8,6. б) 18. в) 4,1.

Вариант 2

1. а) 1. б) 0. в) 8.
2. 183 тыс. чел. В Королеве.
3. а) -2,6. б) 12. в) 2,9.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 3 ЧЕТВЕРТЬ**Вариант 1**

1. По таблице найдите наибольшее и наименьшее значение напряжения.
2. Найдите медиану и среднее значение напряжения по данным таблицы.

221	227	223	222
222	221	227	220
227	222	221	221
228	220	223	222

3. Рассмотрите таблицу. Предположим, что автомобильный спидометр исправен. Укажите с помощью двойного неравенства границы истинной скорости V автомобиля, если спидометр показывает:
а) 29 км/ч б) 78 км/ч в) 112 км/ч

Диапазон скоростей, км/ч	Допустимая погрешность при $T = 20 \pm 5^\circ\text{C}$, км/ч
0-60	+4
60-80	+5
80-100	+6
100-120	+7
120-140	+8

4. Сколько трехзначных чисел можно составить из цифр 2, 6, 8 при условии, что цифры в записи повторяются не будут? Перечислите эти числа.
5. Даны четыре игрушки – кубик, машинка, рыбка и лодка. Сколькими способами их можно поставить друг рядом с другом?

Вариант 2

1. По таблице найдите наибольшее и наименьшее значение напряжения.
2. Найдите медиану и среднее значение напряжения по данным таблицы.

220	227	223	222
220	227	227	220
229	222	221	221
223	220	223	229

3. Рассмотрите таблицу. Предположим, что автомобильный спидометр исправен. Укажите с помощью двойного неравенства границы истинной скорости V автомобиля, если спидометр показывает:
а) 37 км/ч б) 129 км/ч в) 96 км/ч

Диапазон скоростей, км/ч	Допустимая погрешность при $T = 20 \pm 5^\circ\text{C}$, км/ч
0-60	+4

60-80	+5
80-100	+6
100-120	+7
120-140	+8

4. Виталик, Дима и Сергей решили сфотографироваться все вместе. Сколькими различными способами они могут встать друг рядом с другом?

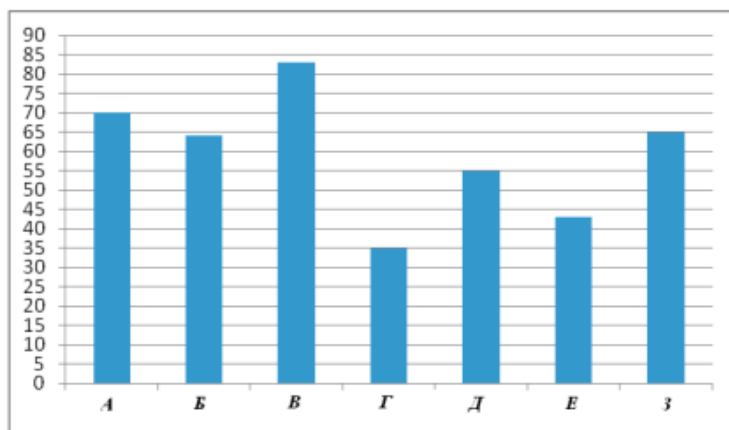
5. Какие четырехзначные числа можно составить из цифр 0 и 1? Цифры могут повторяться.

№	Вариант 1	Вариант 2
1	Наиб- 228 Наим-220	наиб- 229, наим-220
2	Ср.зн-222 Медиана -222	СР.ЗН. 223 Медиана – 222,5
4	6	6
5	24	8

ИТОГОВАЯ РАБОТА

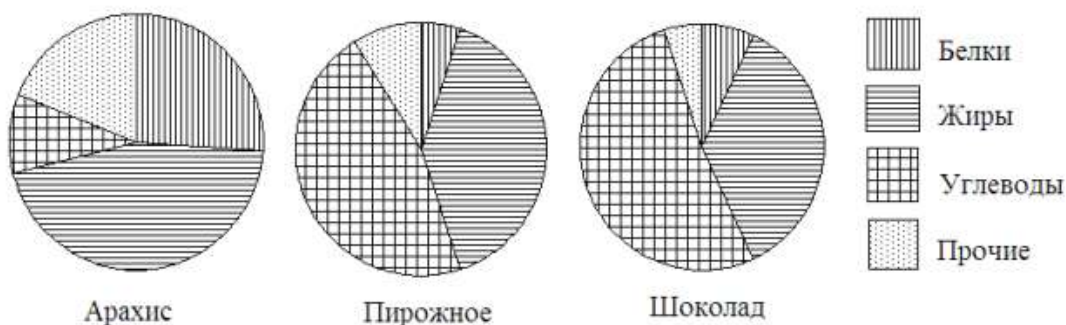
ВАРИАНТ 1

1. Рейтинговое агентство проводило опрос среди покупателей «Какой книжный магазин вам больше нравится?» Столбиковая диаграмма показывает рейтинги семи магазинов (в баллах) по результатам опроса.



По диаграмме определите: а) какой магазин получил наибольшее число голосов по результатам опроса; б) сколько магазинов набрало более 60 баллов?

2. На рисунке показаны три круговые диаграммы, отражающие содержание питательных веществ в трех разных продуктах.



а) Определите, в каком из этих продуктов содержание белков наибольшее;

б) определите, каких питательных веществ больше всего в шоколаде.

3. В таблице указано количество проданной минеральной воды (в тыс. бутылок) в весенние и летние месяцы за три года (по данным компании-производителя).

	2007	2008	2009
Март	100	105	111
Апрель	104	109	109
Май	112	110	119
Июнь	119	126	130
Июль	120	125	121
Август	110	120	127

- Вычислите медиану данных за все летние месяцы.
- Вычислите медиану данных за все весенние месяцы.
- Дайте возможное объяснение тому, что найденные показатели существенно отличаются друг от друга.

4. В лаборатории производится анализ крови. Содержание гемоглобина в крови вычисляется как среднее арифметическое результатов нескольких измерений. Таблица содержит результаты пяти измерений гемоглобина (г/л) в одной пробе крови пациентки.

Номер измерения	1	2	3	4	5
Содержание гемоглобина (г/л)	130	140	110	50	120

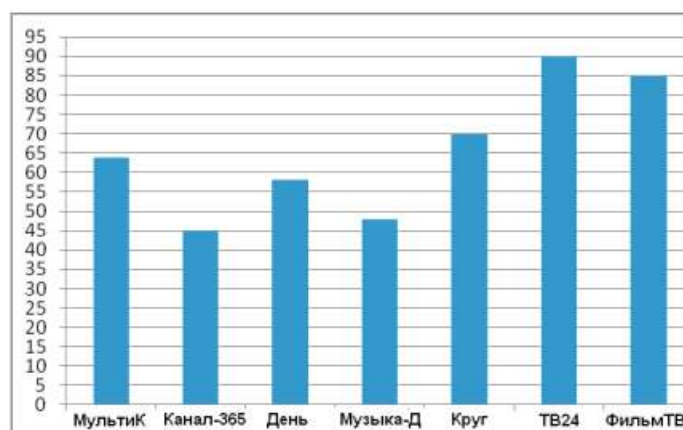
- Найдите среднее арифметическое результатов измерений;
- Найдите дисперсию измерений.

Выбрано правило: если квадрат отклонения некоторого значения от среднего арифметического превышает дисперсию больше чем в 3,5 раза, то это значение считается ненадежным (выбросом) и в дальнейшем не учитывается. в) Определите, является ли значение 50 ненадежным в соответствии с выбранным правилом. г) Найдите среднее арифметическое всех надежных значений. д) Нормальное содержание гемоглобина в крови у женщин 120–150 г/л. Можно ли считать, что у данной пациентки нормальное содержание гемоглобина?

5. В школе два седьмых класса. В первом 20 учеников, и их средний рост равен 159 см. Во втором – 30 учеников, их средний рост равен 154 см. Найдите средний рост всех семиклассников школы.

ВАРИАНТ 2

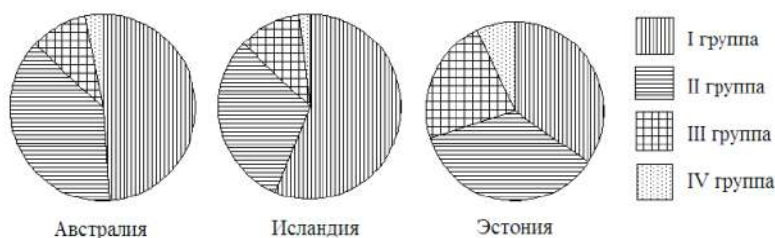
- Рейтинговое агентство проводило опрос среди телезрителей «Какой телеканал Вам больше нравится?» На диаграмме показаны рейтинги семи телевизионных каналов (в баллах) по результатам опроса.



По диаграмме определите:

- какой канал получил наименьшее число голосов по результатам опроса;
- сколько каналов набрали менее 50 баллов?

2. Круговые диаграммы показывают распределение населения по группам крови в трех странах.



- Определите, в какой из этих стран наибольшая доля людей с III группой крови.
- определите, какая группа крови наиболее распространена в Австралии

3. В таблице указано количество проданных порций мороженого (в тыс. штук) в летние и осенние месяцы за три года (по данным компании-производителя).

	2006	2007	2008
Июнь	802	822	843
Июль	817	899	915
Август	507	558	543
Сентябрь	450	495	500
Октябрь	225	248	254
Ноябрь	211	374	411

- Вычислите медиану данных за все летние месяцы.
- Вычислите медиану данных за все осенние месяцы.
- Дайте возможное объяснение тому, что найденные показатели отличаются друг от друга.

4. В лаборатории производится анализ крови. Содержание сахара в крови вычисляется как среднее арифметическое результатов нескольких измерений. Таблица содержит результаты пяти измерений содержания сахара (г/л) в одной пробе крови взрослого пациента.

Номер измерения	1	2	3	4	5
Содержание сахара (г/л)	120	180	110	90	100

а) Найдите среднее арифметическое результатов измерений;

б) Найдите дисперсию результатов измерений.

Выбрано правило: если квадрат отклонения значения от среднего арифметического превышает дисперсию больше чем в 3,5 раза, то это значение считается ненадежным (выбросом) и в дальнейшем не учитывается.

в) Определите, является ли значение 180 ненадежным в соответствии с выбранным правилом.

г) Найдите среднее арифметическое всех надежных значений

д) Нормальное содержание сахара в крови взрослого 80–110 г/л. Можно ли считать, что у данного пациента нормальное содержание сахара в крови?

5. В школе два восьмых класса. В первом 30 учеников, и их средний рост равен 162 см. Во втором – 20 учеников, их средний рост равен 157 см. Найдите средний рост всех восьмиклассников школы.

Ответы к заданиям контрольных работ

Вариант 1

1

а) В (или третий магазин) б) 4;

2 а) Арахис б) Углеводы;

3 а) 121 б) 109 в) Возможно, весной минеральную воду покупают меньше потому, что не так жарко, как летом, и пить хочется меньше;

4 а) 110 б) 1000 в) ненадежное г) 125 д) можно;

5 156 см.

Вариант 2

1 а) Канал-365 б) 2;

2 а) Эстония б) I группа;

3 а) 817 б) 374 в) Осенью люди покупают меньше мороженого, потому что холодно;

4 а) 120 б) 1000 в) ненадежное г) 105 д) можно;

5 160 см.

9 класс
Оценочная работа за 1 четверть
Вариант 1

1. Родительский комитет закупил 30 пазлов для подарков детям в связи с окончанием учебного года, из них 21 с машинами и 9 с видом города. Подарки распределяются случайным образом между 30 детьми, среди которых есть Серёжа. Найдите вероятность того, что Серёже достанется пазл с машиной.

2. В лыжных гонках участвуют 5 спортсменов из России, 2 спортсмена из Норвегии и 3 спортсмена из Швеции. Порядок, в котором спортсмены стартуют, определяется жребием. Найдите вероятность того, что:

- а) первым будет стартовать спортсмен из России;
- б) первым будет стартовать спортсмен из России или Швеции;
- в) первым будет стартовать спортсмен не из Швеции.

3. На экзамене 40 билетов, Гриша не выучил 10 из них. Найдите вероятность того, что ему попадётся выученный билет.

4. В одиннадцатом физико-математическом классе учатся 18 мальчиков и 6 девочек. По жребию они выбирают одного дежурного по классу. Какова вероятность, что это будет мальчик?

Вариант 2

1. Гриша, Кристина, Настя, Илья, Юра, Маша, Лиля, Дима бросили жребий – кому начинать игру. Найдите вероятность того, что начинать игру должен будет мальчик.

2. Из 520 клавиатур для компьютера в среднем 13 неисправны. Какова вероятность того, что случайно выбранная клавиатура исправна?

3. В каждой двадцатой банке кофе согласно условиям акции есть приз. Призы распределены по банкам случайно. Роман покупает банку кофе в надежде выиграть приз. Найдите вероятность того, что Роман не найдет приз в своей банке.

4. Фабрика выпускает сумки. В среднем из 150 сумок 6 сумок имеют скрытый дефект. Найдите вероятность того, что случайно выбранная сумка окажется без дефектов.

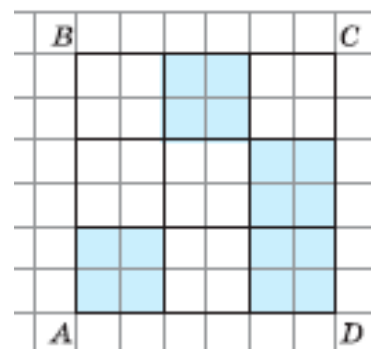
Ответы

В-1	В-2
0,7	0,5
А)0,5 Б)0,8 в)0,7	0,975
0,75	0,95
0,75	0,04

Оценочная работа за 1 полугодие

Вариант 1

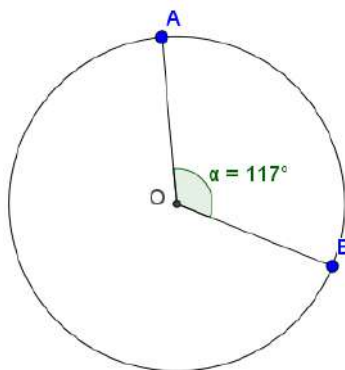
1. а) На клетчатой бумаге изображён квадрат $ABCD$ (см. рис.). В этом квадрате выбирают случайную точку. Какова вероятность того, что эта точка окажется внутри закрашенной фигуры?



б) Отрезок AN разбит на равные отрезки пятью внутренними точками (см. рис.). На отрезке AN выбирают случайную точку. Какова вероятность того, что эта точка окажется внутри отрезка OR ?



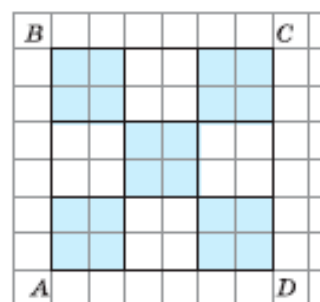
2. На окружности с центром O выбирают одну случайную точку. Угол AOB равен 117° . Найдите вероятность того, что эта точка принадлежит меньшей дуге AB .



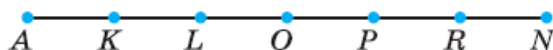
3. Стрелок стреляет по мишени до тех пор, пока не поразит ее. Известно, что вероятность попадания (успеха) при каждом отдельном выстреле равна 0,8. Найдите вероятность:
 - а) неудачи в таком испытании;
 - б) события «первый успех наступит при 3-м испытании»;
 - в) события «первый успех наступит не позже 2-го испытания».
4. Игральную кость бросают 4 раза, успехом считается выпадение двойки.
 - а) Найдите вероятности успеха и неудачи в одном испытании.
 - б) Перечислите элементарные события в серии, благоприятствующие событию «успехов меньше, чем неудач»
 - в) Найдите вероятность этого события.
5. Найдите число элементарных событий в серии из 401 испытания Бернулли, которые благоприятствуют:
 - а) 400 успехам; б) 2 успехам.

Вариант 2

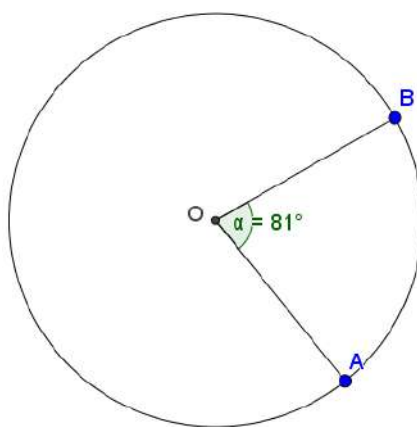
1. а) На клетчатой бумаге изображён квадрат $ABCD$ (см. рис.). В этом квадрате выбирают случайную точку. Какова вероятность того, что эта точка окажется внутри закрашенной фигуры?



б) Отрезок AN разбит на равные отрезки пятью внутренними точками (см. рис.). На отрезке AN выбирают случайную точку. Какова вероятность того, что эта точка окажется внутри отрезка KP ?



2. На окружности с центром O выбирают одну случайную точку. Угол AOB равен 81° . Найдите вероятность того, что эта точка принадлежит меньшей дуге AB .



3. Стрелок стреляет по мишени до тех пор, пока не поразит ее. Известно, что вероятность попадания (успеха) при каждом отдельном выстреле равна 0,7. Найдите вероятность:

- неудачи в таком испытании;
- события «первый успех наступит при 2-м испытании»;
- события «первый успех наступит не позже 3-го испытания».

4. Игральную кость бросают 4 раза, успехом считается выпадение единицы или шестёрки.

- Найдите вероятности успеха и неудачи в одном испытании.
- Перечислите элементарные события в серии, благоприятствующие событию «успехов больше, чем неудач»
- Найдите вероятность этого события.

5. Найдите число элементарных событий в серии из 201 испытания Бернулли, которые благоприятствуют:

- 200 успехам; б) 2 успехам.

Ответы:

1 вариант	2 вариант
1. а) $4/9$; б) $1/3$.	1. а) $5/9$; б) $1/2$.
2. 0,325.	2. 0,225.
3. а) 0,2; б) 0,032; в) 0,96.	3. а) 0,3; б) 0,21; в) 0,973.

<p>4.а) $p = \frac{1}{6}$, $q = \frac{5}{6}$; б) НННН, НННУ, ННУН, НУНН, УННН; в) $\frac{5}{16}$</p> <p>5.а) 401; б) 80200.</p>	<p>4.а) $p = \frac{1}{3}$, $q = \frac{2}{3}$; б) УУУУ, УУУН, УУНУ, УНУУ, НУУУ; в) $\frac{5}{16}$</p> <p>5.а) 201; б) 20100.</p>
--	--

Оценочная работа за третью четверть

Вариант 1

1. Дано распределение случайной величины:

$$X \sim \begin{pmatrix} -3 & 1 & 4 \\ 0,4 & 0,1 & p \end{pmatrix}$$

- а) Найдите неизвестную вероятность p .
б) Составьте распределение случайной величины $Y = 2X - 1$.

2. Случайная величина X задана распределением. Найдите математическое ожидание EX .

$$а) \begin{pmatrix} -3 & 3 & 5 \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{3} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}; \quad б) \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0,1 & 0,4 & 0,4 & 0,1 \end{pmatrix}$$

3. Даны случайные величины X и Y и их математические ожидания: $EX = -2$, $EY = 5$. Найдите математическое ожидание случайной величины:

$$а) Z = X + Y; \quad б) U = \frac{1}{2}X - \frac{1}{5}Y + 4$$

4. Стрелок стреляет по очереди по 20 мишеням. Вероятность поражения каждой мишени равна 0,4. Найдите математическое ожидание числа поражённых мишеней.

5. Найдите дисперсию случайной величины, имеющей распределение

$$Y \sim \begin{pmatrix} -3 & -1 & 3 & 5 \\ 0,2 & 0,3 & 0,3 & 0,2 \end{pmatrix}$$

Вариант 2

1. Дано распределение случайной величины:

$$X \sim \begin{pmatrix} -4 & 2 & 3 \\ p & 0,1 & 0,3 \end{pmatrix}$$

- а) Найдите неизвестную вероятность p .
б) Составьте распределение случайной величины $Y = 3X + 2$.

2. Случайная величина X задана распределением. Найдите математическое ожидание EX .

$$а) \begin{pmatrix} -4 & 3 & 4 \\ \frac{1}{10} & \frac{1}{5} & \frac{7}{10} \end{pmatrix}; \quad б) \begin{pmatrix} 0 & 1 & 4 & 5 \\ 0,2 & 0,3 & 0,3 & 0,2 \end{pmatrix}$$

3. Даны случайные величины X и Y и их математические ожидания: $EX = 6$, $EY = -5$. Найдите математическое ожидание случайной величины:

$$а) Z = X - Y \quad б) U = \frac{1}{3}X + \frac{1}{5}Y + 6$$

4. Баскетболист на тренировке бросает мяч в корзину 40 раз. Вероятность попадания при каждом броске равна 0,7. Найдите математическое ожидание случайной величины «число попаданий».

5. Найдите дисперсию случайной величины, имеющей распределение

$$Y \sim \begin{pmatrix} -5 & -3 & -1 & 1 \\ 0,1 & 0,4 & 0,4 & 0,1 \end{pmatrix}$$

Ответы

Вариант 1

$$1. а) 0,5; б) \frac{-7}{0,4} \frac{1}{0,1} \frac{7}{0,5} . \quad 2. а) 3; б) 2,5. \quad 3. а) 3; б) 2.$$

$$4. 8. \quad 5. 8,8.$$

Вариант 2

$$1. а) 0,6; б) \frac{-10}{0,6} \frac{8}{0,1} \frac{11}{0,3} . \quad 2. а) 3; б) 2,5. \quad 3. а) 11; б) 7.$$

$$4. 28. \quad 5. 2,6.$$

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКА. 9 КЛАСС

Итоговая контрольная работа

На выполнение работы даётся 90 минут. При выполнении работы разрешается использовать электронные вычислительные средства.

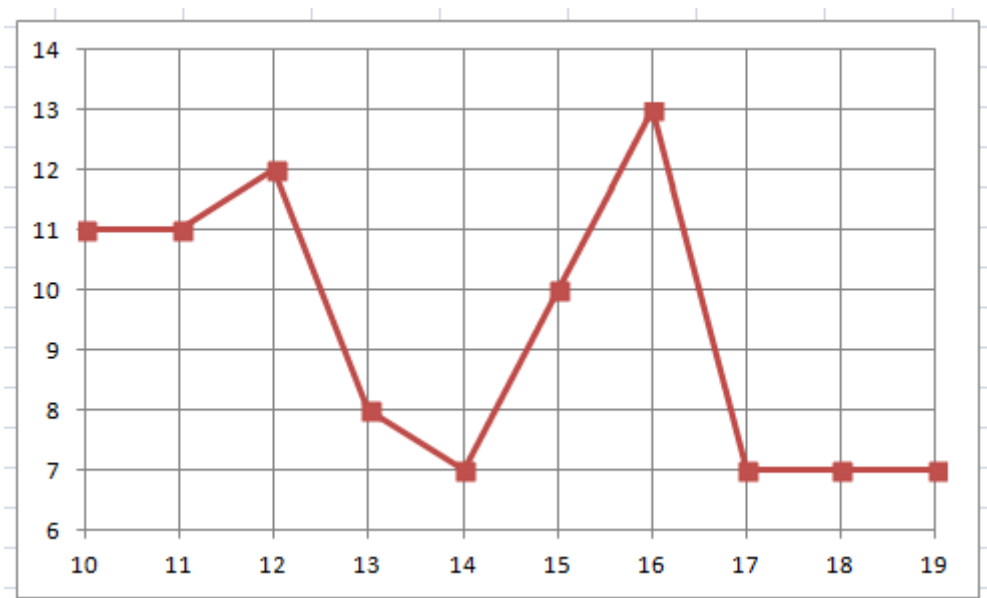
В таблице показаны данные о сельскохозяйственных угодьях в нескольких регионах Северо-Западного федерального округа. Пользуясь данными таблицы, выполните задания 1 и 2.

Сельскохозяйственные угодья, тыс. га	2005 г.	2010 г.	2015 г.	2020 г.
Архангельская область	754,8	753,8	753,2	752,9
Вологодская область	1 450,3	1 449,7	1 448,5	1 448,4
Ленинградская область	798,4	798,8	798,6	798,5
Мурманская область	27,1	27,2	27,2	25,6
Республика Карелия	211,9	213,1	212,9	212,9

1. Вычислите среднюю площадь сельскохозяйственных угодий в этих регионах по состоянию на 2010 г. Отметьте регионы, площадь сельскохозяйственных угодий в которых меньше среднего.

2. Найдите медиану площадей сельскохозяйственных угодий в этих регионах в 2020 г. и медианного представителя – регион, в котором площадь сельскохозяйственных угодий наиболее близка к медиане или совпадает с ней.

3. На диаграмме показана средняя дневная температура в г. Костроме в октябре 2022 г. По горизонтальной оси отмечены даты, а по вертикальной – температура в градусах Цельсия.



Какие из четырёх следующих утверждений верны?

- 1) В период с 10 по 19 октября 2022 г. температура воздуха Костроме не поднималась выше $+11^{\circ}\text{C}$.
- 2) В период с 10 по 19 октября 2022 г. средняя дневная температура в Костроме впервые опустилась до $+7^{\circ}\text{C}$ 14 октября.
- 3) Размах температуры воздуха в Костроме в период с 10 по 19 октября 2022 г. был не меньше чем 6°C .
- 4) В период с 13 по 16 октября 2022 г. средняя дневная температура в Костроме с каждым днем была все выше.

4. Правильную монету бросают три раза. Какова вероятность того, что выпадет ровно два орла?

5. На тарелке лежат одинаковые на вид пирожки: 7 с творогом, 5 с повидлом и 4 с яблоками. Какова вероятность того, что случайно выбранный пирожок окажется с яблоками?

6. Настя приходит на железнодорожную станцию и ждёт ближайшую электричку, идущую в нужную сторону. Рассмотрим три случайных события:

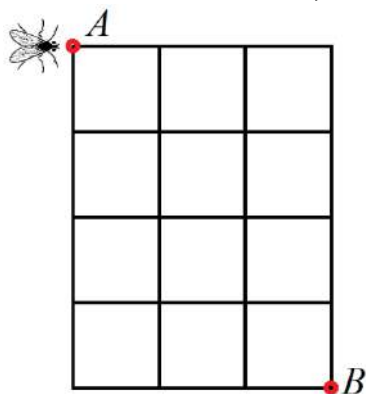
A «Насте осталось ждать больше, чем 2 минуты»;

B «Насте осталось ждать больше, чем 10 минут»;

C «Насте осталось ждать больше, чем 5 минут».

Расположите эти события в порядке возрастания их вероятностей.

7. Про события C и D известно, что $P(C) = 0,72$, $P(D) = 0,57$ и $P(C \cup D) = 0,91$. Найдите



$P(C \cap D)$.

8. Муха ползёт по линиям квадратной решётки 3×4 из точки A в точку B (см. рисунок). Она двигается только вправо либо вниз. Сколько у мухи есть различных путей?

9. В лотке под классной доской лежит 15 маркеров: 8 зелёных и 7 синих. Учитель вызывает к доске двух учеников, и они выбирают себе по одному случайному маркеру. Какова вероятность того, что среди них будет хотя бы один зелёный?

10. Дан равносторонний треугольник. В нём выбирают случайную точку. Какова вероятность того, что эта точка окажется внутри окружности, вписанной в этот треугольник? Результат округлите до тысячных.

11. Известно, что в графе 8 вершин и 10 рёбер. Какое наименьшее количество циклов может быть в этом графе?

12. Дано распределение случайной величины X :

$$X \sim \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 & 7 & 9 \\ 0,21 & 0,16 & x & 0,16 & 0,21 \end{pmatrix}.$$

Найдите математическое ожидание $E X$.

Ответы

1	Мурманская обл., респ. Карелия
2	752,9; Архангельская обл.
3	2 и 3
4	0,375
5	0,25
6	$\overline{B \cap C} \cap A$
7	0,38
8	35
9	0,8
10	0,605
11	3
12	5

Максимальный балл за выполнение работы – 12.

Возможная схема перевода первичных баллов в отметки по пятибалльной шкале

Первичные баллы	0–3	4–6	7–9	10–12
Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»